

Поможем вам с написанием программ: [www.matburo.ru/sub\\_subject.php?p=pz](http://www.matburo.ru/sub_subject.php?p=pz)

## Содержание

Задание .....	2
Задача.....	2
Решение задачи .....	2
Листинг программы .....	4
Form1.cs .....	4
ViewModel.cs .....	7
Geometry.cs .....	11
Тестовые примеры .....	16
Пример 1.....	16
Пример 2.....	16
Пример 3.....	17

Поможем вам с написанием программ: [www.matburo.ru/sub\\_subject.php?p=pz](http://www.matburo.ru/sub_subject.php?p=pz)

## Задание

Разработайте систему классов и реализуйте их методы, обеспечивающие решение поставленной задачи при указанных в условии ограничениях. В одном из классов должен быть организован один метод (например, `SolveTask()`), полностью решающий поставленную задачу и содержащий создание вспомогательных объектов и вызов их методов. Разработайте графический интерфейс для демонстрации работы программы. Продумайте взаимодействие с пользователем для ввода/вывода данных.

Подготовьте основную программу, которая бы:

- формировала необходимые объекты (один или несколько многоугольников или треугольников) на основе данных из файла или пользовательского ввода данных;
- вызывала разработанный метод для одного из объектов и формировала ответ;
- выводила ответ в файл и графически.

## Задача

Для двух выпуклых многоугольников определить точки их пересечения, если они есть (случай совпадающих граней и граней, лежащих на одной прямой, рассматривать не требуется).

## Решение задачи

Рассмотрим два многоугольника  $P$  и  $P'$  (рис. 1). Для нахождения точек пересечения заданных многоугольников необходимо определить все точки пересечения их сторон попарно. Рассмотрим сторону  $l$  многоугольника  $P$  с координатами концов  $(x_0; y_0)$  и  $(x_1; y_1)$  и сторону многоугольника  $P'$  с координатами концов  $(x_0'; y_0')$  и  $(x_1'; y_1')$ . Точкой пересечения сторон будет точка  $(x; y)$ , одновременно удовлетворяющая уравнениям прямых, на которых лежат стороны, и находящаяся внутри отрезков этих сторон.

Поможем вам с написанием программ: [www.matburo.ru/sub\\_subject.php?p=pz](http://www.matburo.ru/sub_subject.php?p=pz)

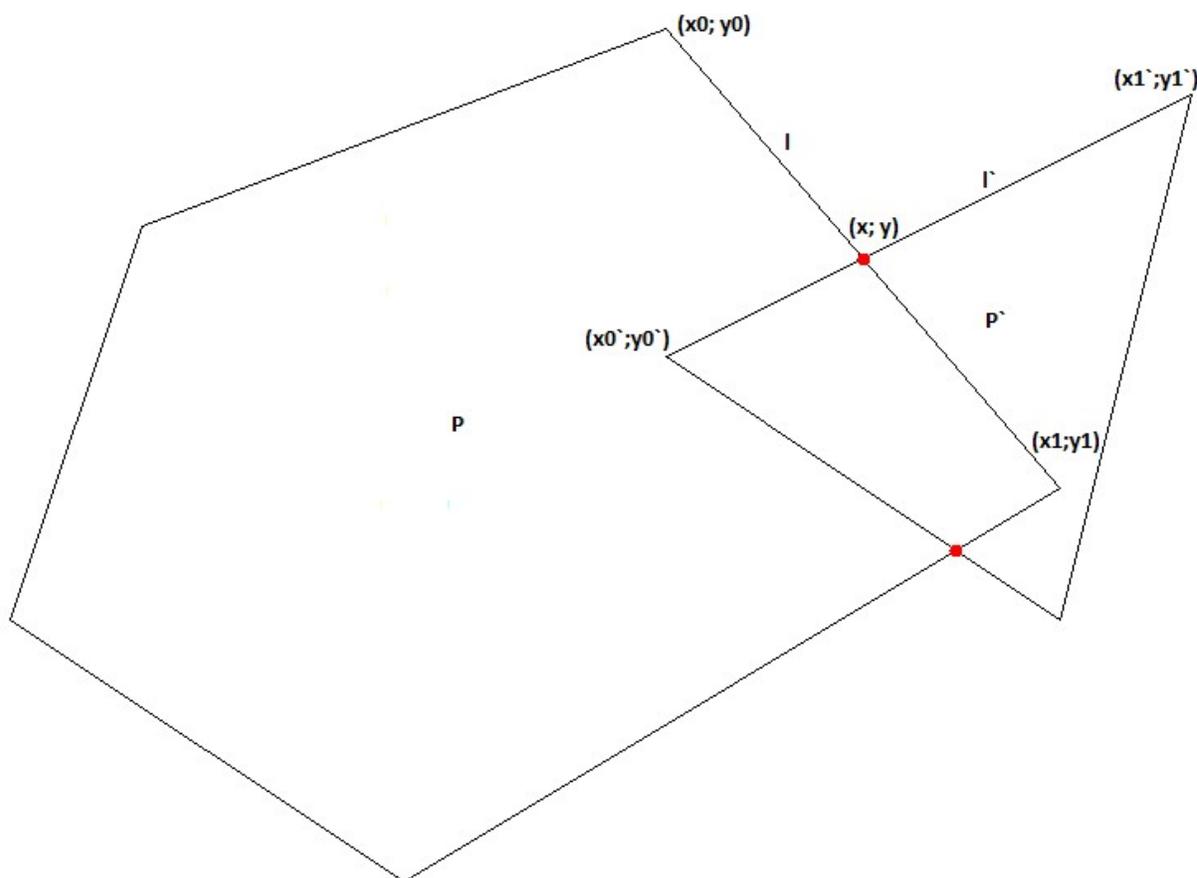


Рис. 1

Для определения точки пересечения вышеуказанных прямых решим СЛАУ, состоящую из уравнений прямых:

$$\begin{cases} \frac{x - x_0}{x_1 - x_0} = \frac{y - y_0}{y_1 - y_0} \\ \frac{x - x_0'}{x_1' - x_0'} = \frac{y - y_0'}{y_1' - y_0'} \end{cases}$$

Приведем систему к общему виду:

$$\begin{cases} x \cdot (y_0 - y_1) + y \cdot (x_1 - x_0) = x_1 \cdot y_0 - x_0 \cdot y_1 \\ x \cdot (y_0' - y_1') + y \cdot (x_1' - x_0') = x_1' \cdot y_0' - x_0' \cdot y_1' \end{cases}$$

Получившуюся систему решим методом Крамера:

$$\Delta = (y_0 - y_1) \cdot (x_1' - x_0') - (y_0' - y_1') \cdot (x_1 - x_0)$$

$$\Delta_x = (x_1' \cdot y_0' - x_0' \cdot y_1') \cdot (x_1' - x_0') - (x_1 \cdot y_0 - x_0 \cdot y_1) \cdot (x_1 - x_0)$$

$$\Delta_y = (y_0 - y_1) \cdot (x_1' \cdot y_0' - x_0' \cdot y_1') - (y_0' - y_1') \cdot (x_1 \cdot y_0 - x_0 \cdot y_1)$$

Поможем вам с написанием программ: [www.matburo.ru/sub\\_subject.php?p=pz](http://www.matburo.ru/sub_subject.php?p=pz)

При  $\Delta = 0$  прямые параллельные или совпадают, в противном случае:

$$x = \frac{\Delta_x}{\Delta}, y = \frac{\Delta_y}{\Delta}$$

Точка  $(x; y)$  принадлежит стороне  $l$ , тогда и только тогда, когда  $x_0 \leq x \leq x_1$  или  $x_1 \leq x \leq x_0$ ,  $y_0 \leq y \leq y_1$  или  $y_1 \leq y \leq y_0$ , что в целях сокращения вычислений можно записать в виде  $(x - x_0) \cdot (x - x_1) \leq 0$ ,  $(y - y_0) \cdot (y - y_1) \leq 0$ . Аналогично для стороны  $l'$ :  $(x - x_0') \cdot (x - x_1') \leq 0$ ,  $(y - y_0') \cdot (y - y_1') \leq 0$ .

## Листинг программы

### Form1.cs

```
using System;
using System.ComponentModel;
using System.Drawing;
using System.Windows.Forms;

namespace polygon
{
    public partial class frmMain : Form
    {
        private ViewModel viewModel;

        public frmMain()
        {
            InitializeComponent();
            // Создаем объект, подготавливающий данные модели решения задачи для
            // отображения
            viewModel = new ViewModel();
            // Связываем элементы интерфейса с данными
            dgvPoints1.DataSource = viewModel.poly1.points;
            dgvPoints2.DataSource = viewModel.poly2.points;
            dgvIntersections.DataSource = viewModel.intersection;
            // Подписываемся на изменения результата для обновления рисунка
            viewModel.intersection.ListChanged += ResultChanged;
            viewModel.poly1.poly.ListChanged += ResultChanged;
            viewModel.poly2.poly.ListChanged += ResultChanged;
        }

        // Обработчик изменения результата
        private void ResultChanged(object sender, ListChangedEventArgs e)
        {
            // Если результат поменялся, обновляем рисунок
            pbIntersection.Invalidate();
        }

        // Функция загрузки многоугольника из файла
        private void LoadPolyPoints(PolyPart poly)
        {
            // Открываем диалог выбора файла
            if (ofdPoints.ShowDialog() == DialogResult.OK)
            {
                try
                {

```

Поможем вам с написанием программ: [www.matburo.ru/sub\\_subject.php?p=pz](http://www.matburo.ru/sub_subject.php?p=pz)

```
        // Загружаем многоугольник 1 из файла
        poly.LoadPoints(ofdPoints.FileName);
    }
    catch (Exception ex)
    {
        MessageBox.Show(ex.Message);
    }
}

private void btnLoadPoints1_Click(object sender, EventArgs e)
{
    // Загрузка из файла многоугольника 1
    LoadPolyPoints(viewModel.poly1);
}

private void btnLoadPoints2_Click(object sender, EventArgs e)
{
    // Загрузка из файла многоугольника 2
    LoadPolyPoints(viewModel.poly2);
}

private void btnSolveTask_Click(object sender, EventArgs e)
{
    try
    {
        // Вызов решения задачи. Все изменения в интерфейсе отразятся
        // при срабатывании соответствующих обработчиков
        viewModel.SolveTask();
    }
    catch (Exception ex)
    {
        MessageBox.Show(ex.Message);
    }
}

// Отрисовка многоугольников и точек пересечения
private void pbIntersection_Paint(object sender, PaintEventArgs e)
{
    // Получаем представление области рисования
    ViewPort viewPort = viewModel.GetViewPort(pbIntersection.Width,
pbIntersection.Height);
    // Заливаем фон
    e.Graphics.Clear(Color.White);
    Pen pen = Pens.Black;
    // Рисуем первый многоугольник, преобразовывая заданные пользователем
координаты
    // к экранным
    if (viewModel.poly1.poly.Count > 0)
        e.Graphics.DrawPolygon(pen,
viewPort.pointsToScreen(viewModel.poly1.poly));
    // Рисуем второй многоугольник, преобразовывая заданные пользователем
координаты
    // к экранным
    if (viewModel.poly2.poly.Count > 0)
        e.Graphics.DrawPolygon(pen,
viewPort.pointsToScreen(viewModel.poly2.poly));
    // Аналогично рисуем точки пересечения
}
```

Поможем вам с написанием программ: [www.matburo.ru/sub\\_subject.php?p=pz](http://www.matburo.ru/sub_subject.php?p=pz)

```
foreach (System.Drawing.Point p in
viewPort.pointsToScreen(viewModel.intersection))
{
    // Радиус круга для точки пересечения
    const int r = 4;
    // Рисуем сам круг
    e.Graphics.FillEllipse(Brushes.Red, p.X - r, p.Y - r, 2 * r, 2 * r);
}

// Добавление точки
private void AddPolyPoint(PolyPart poly)
{
    poly.AddPoint();
}

private void btnAddPoint1_Click(object sender, EventArgs e)
{
    // Добавляем точку к многоугольнику 1
    AddPolyPoint(viewModel.poly1);
}

private void btnAddPoint2_Click(object sender, EventArgs e)
{
    // Добавляем точку к многоугольнику 2
    AddPolyPoint(viewModel.poly2);
}

// Удаление точки многоугольника
private void RemovePolyPoint(DataGridView grid, PolyPart poly)
{
    if (grid.CurrentRow != null)
        poly.RemovePoint(grid.CurrentRow.Index);
}

private void btnRemovePoint1_Click(object sender, EventArgs e)
{
    // Удалим точку многоугольника 1
    RemovePolyPoint(dgvPoints1, viewModel.poly1);
}

private void btnRemovePoint2_Click(object sender, EventArgs e)
{
    // Удалим точку многоугольника 2
    RemovePolyPoint(dgvPoints2, viewModel.poly2);
}

private void pbIntersection_Resize(object sender, EventArgs e)
{
    // Полная перерисовка при изменении размеров рисунка, т.к.
    // меняется масштаб, и надо рисовать целиком, а не только в
    // измененных границах
    pbIntersection.Invalidate();
}

private void btnSaveIntersection_Click(object sender, EventArgs e)
{
    // Открываем диалог выбора имени файла

```

Поможем вам с написанием программ: [www.matburo.ru/sub\\_subject.php?p=pz](http://www.matburo.ru/sub_subject.php?p=pz)

```
if (sfdPoints.ShowDialog() == DialogResult.OK)
    try
    {
        // Сохраняем точки пересечения в файл
        viewModel.SaveIntersection(sfdPoints.FileName);
    }
    catch (Exception ex)
    {
        MessageBox.Show(ex.Message);
    }
}
}
```

### **ViewModel.cs**

```
using System;
using System.Collections.Generic;
using System.ComponentModel;
using System.Linq;

namespace polygon
{
    // Класс, представляющий данные для интерфейса и
    // обрабатывающий команды пользователя
    class ViewModel
    {
        // Вычисленные точки пересечения
        private List<PointR> _intersection;
        // Адаптер области отрисовки из логических координат в
        // экранные
        private ViewPort viewPort;

        public ViewModel()
        {
            // Создаем вспомогательные классы для представления
            // многоугольников
            poly1 = new PolyPart();
            poly2 = new PolyPart();
            // Создаем список точек пересечения и их представление
            // для интерфейса
            _intersection = new List<PointR>();
            intersection = new BindingList<PointR>(_intersection);
        }

        // Представление точек пересечения для интерфейса
        public BindingList<PointR> intersection { get; }

        // Многоугольник 1
        public PolyPart poly1 { get; }

        // Многоугольник 2
        public PolyPart poly2 { get; }

        // Функция решения задачи
        public void SolveTask()
        {
            // Строим многоугольники из введенных пользователем точек
        }
    }
}
```

©МатБюро – Консультации по математике, программированию, экономике, праву, естественным наукам

Поможем вам с написанием программ: [www.matburo.ru/sub\\_subject.php?p=pz](http://www.matburo.ru/sub_subject.php?p=pz)

```
Polygon p1 = poly1.BuildPolygon();
Polygon p2 = poly2.BuildPolygon();
// Ищем пересечение многоугольников и выделяем из него
// неповторяющиеся точки
_intersection.Clear();
foreach (PointR p in Intersection.IntersectPoly(p1, p2).Distinct(new
PointRComparer()))
    _intersection.Add(p);
// Сбрасываем адаптер области отрисовки, так как поменялись логические
границы
// области (новые многоугольники и точки пересечения)
viewport = null;
// Переписываем данные результата и передаем информацию об изменении в
интерфейс
poly1.UpdatePoly(p1);
poly2.UpdatePoly(p2);
intersection.ResetBindings();
}

// Функция сохранения точек пересечения в файл
public void SaveIntersection(string fileName)
{
    PointsReadWrite.saveToFile(_intersection, fileName);
}

// Функция, обновляющая границы используемой области при добавлении новой точки
private void AddToBounds(ICollection<PointR> points, ref double minX, ref double
maxX, ref double minY, ref double maxY)
{
    foreach (PointR p in points)
    {
        if (p.x < minX)
            minX = p.x;
        if (p.x > maxX)
            maxX = p.x;
        if (p.y < minY)
            minY = p.y;
        if (p.y > maxY)
            maxY = p.y;
    }
}

// Функция определения границ используемой области
private void GetBounds(out double minX, out double maxX, out double minY, out
double maxY)
{
    if (poly1.poly.Count == 0)
    {
        // Если решение не было получено, область пуста
        minX = 0.0;
        maxX = 0.0;
        minY = 0.0;
        maxY = 0.0;
    }
    else
    {
        // Решение было получено, инициализируем начальные границы первой точкой
        // и добавляем остальные
    }
}
```

Поможем вам с написанием программ: [www.matburo.ru/sub\\_subject.php?p=pz](http://www.matburo.ru/sub_subject.php?p=pz)

```
        minX = poly1.poly[0].x;
        maxX = poly1.poly[0].x;
        minY = poly1.poly[0].y;
        maxY = poly1.poly[0].y;
        AddToBounds(poly1.poly, ref minX, ref maxX, ref minY, ref maxY);
        AddToBounds(poly2.poly, ref minX, ref maxX, ref minY, ref maxY);
        AddToBounds(_intersection, ref minX, ref maxX, ref minY, ref maxY);
    }
}

// Метод возвращает адаптер преобразования логических координат к экранным
public ViewPort GetViewPort(int width, int height)
{
    if (viewPort == null || viewPort.width != width || viewPort.height != height)
    {
        // Обновляем адаптер, если он не создан или изменились границы видимой
        // области
        double minX;
        double maxX;
        double minY;
        double maxY;
        GetBounds(out minX, out maxX, out minY, out maxY);
        viewPort = new ViewPort(width, height, minX, maxX, minY, maxY);
    }
    return viewPort;
}

// Класс представления многоугольника
class PolyPart
{
    // Точки многоугольника, заданные пользователем
    private List<Point> _points;
    // Точки многоугольника после удаления повторяющихся
    private List<PointR> _poly;

    public PolyPart()
    {
        // Создаем классы точек и их представлений
        _points = new List<Point>();
        points = new BindingList<Point>(_points);
        _poly = new List<PointR>();
        poly = new BindingList<PointR>(_poly);
    }

    // Точки, введенные пользователем
    public BindingList<Point> points { get; }

    // Точки многоугольника
    public BindingList<PointR> poly { get; }

    // Функция, возвращающая многоугольник, построенный по заданным точкам
    public Polygon BuildPolygon()
    {
        return new Polygon(_points);
    }

    // Функция обновления точек многоугольника по построенному многоугольнику
}
```

©МатБюро – Консультации по математике, программированию, экономике, праву, естественным наукам

Поможем вам с написанием программ: [www.matburo.ru/sub\\_subject.php?p=pz](http://www.matburo.ru/sub_subject.php?p=pz)

```
public void UpdatePoly(Polygon polygon)
{
    _poly.Clear();
    for (int i = 0; i < polygon.Count; i++)
        _poly.Add(polygon.getPoint(i));
    poly.ResetBindings();
}

// Добавление точки
public void AddPoint()
{
    points.Add(new Point(0, 0));
}

// Удаление точки
public void RemovePoint(int idx)
{
    points.RemoveAt(idx);
}

// Загрузка точек из файла
public void LoadPoints(string fileName)
{
    List<Point> t = PointsReadWrite.readFromFile(fileName);
    _points.Clear();
    _points.AddRange(t);
    points.ResetBindings();
}

}

// Класс-адаптер для преобразования логических координат к экранным
class ViewPort
{
    // Отступ по краям
    private static int PADDING = 8;
    // Коэффициент масштабирования
    private double scale;
    // Минимальные координаты
    private double minX;
    private double minY;

    public ViewPort(int width, int height, double minX, double maxX, double minY,
double maxY)
    {
        // Вычисляем эффективные размеры без отступа
        int effWidth = width - 2 * PADDING;
        int effHeight = height - 2 * PADDING;
        // Проверяем, что область рисования не пуста
        if (width <= 0 || height <= 0)
            throw new Exception("Слишком малая область отрисовки");
        // Вычисляем коэффициенты масштабирования по X и Y
        double scaleX = (maxX - minX) / effWidth;
        double scaleY = (maxY - minY) / effHeight;
        // Приводим коэффициенты к одному значению, чтобы рисунок сохранял пропорции
        // при переносе на экран
        scale = Math.Max(scaleX, scaleY);
        // Если коэффициент нулевой (область была пуста), приравниваем его к 1, чтобы
не было
```

Поможем вам с написанием программ: [www.matburo.ru/sub\\_subject.php?p=pz](http://www.matburo.ru/sub_subject.php?p=pz)

```
будет 0
    // деления на 0, все равно для пустой области значение координаты всегда
    if (scale == 0.0)
        scale = 1.0;
    // Запоминаем параметры области
    this.width = width;
    this.height = height;
    this.minX = minX;
    this.minY = minY;
}

// Приведение логической координаты x к смещению по горизонтали на экране
public int xToScreen(double x)
{
    // Вычитаем из координаты левую границу области, масштабируем, добавляем
    // отступ
    return (int)Math.Round((x - minX) / scale) + PADDING;
}

// Приведение логической координаты y к смещению по вертикали на экране
public int yToScreen(double y)
{
    // Вычитаем из координаты нижнюю границу области, масштабируем, добавляем
    // отступ, переворачиваем, т.к. на экране координаты увеличиваются сверху
    // вниз, а в математике принято снизу вверх
    return height - ((int)Math.Round((y - minY) / scale) + PADDING);
}

// Приведение логической точки к отображаемой точке
public System.Drawing.Point pointToScreen(PointR p)
{
    return new System.Drawing.Point(xToScreen(p.x), yToScreen(p.y));
}

// Приведение списка логических точки к отображаемым точкам
public System.Drawing.Point[] pointsToScreen(ICollection<PointR> points)
{
    System.Drawing.Point[] result = new System.Drawing.Point[points.Count];
    for (int i = 0; i < points.Count; i++)
        result[i] = pointToScreen(points[i]);
    return result;
}

// Запомненная ширина рисуемой области
public int width { get; }

// Запомненная высота рисуемой области
public int height { get; }
}

}

Geometry.cs
using System;
using System.Collections.Generic;
using System.IO;

namespace polygon
{
    // Интерфейс для доступа к координатам точки
```

Поможем вам с написанием программ: [www.matburo.ru/sub\\_subject.php?p=pz](http://www.matburo.ru/sub_subject.php?p=pz)

```
interface PointR
{
    double x { get; }
    double y { get; }
}

// Класс сравнения точек. Используется для удаления
// повторяющихся точек
class PointRComparer : IEqualityComparer<PointR>
{
    public bool Equals(PointR x, PointR y)
    {
        return x.x == y.x && x.y == y.y;
    }

    public int GetHashCode(PointR obj)
    {
        return obj.x.GetHashCode() * 31 + obj.y.GetHashCode();
    }
}

// Класс точки. Также предоставляет интерфейс PointR для доступа
// к координатам без изменения
class Point : PointR
{
    public double x { get; set; }
    public double y { get; set; }

    // Инициализирующий конструктор
    public Point(double x, double y) {
        this.x = x;
        this.y = y;
    }

    // Копирующий конструктор
    public Point(Point src) : this(src.x, src.y) { }
}

// Класс многоугольника
class Polygon
{
    // Список точек
    private List<Point> points;

    // Создание многоугольника по списку точек
    public Polygon(List<Point> points)
    {
        // Создадим список точек
        this.points = new List<Point>(points.Count);
        // Если передан непустой список точек
        if (points.Count > 0)
        {
            PointRComparer cmp = new PointRComparer();
            // Добавим первую точку
            this.points.Add(new Point(points[0]));
            // Все последующие точки добавляются, если каждая
            // из них не совпадает с предыдущей
            for (int i = 1; i < points.Count; i++)
```

©МатБюро – Консультации по математике, программированию, экономике, праву, естественным наукам

Поможем вам с написанием программ: [www.matburo.ru/sub\\_subject.php?p=pz](http://www.matburo.ru/sub_subject.php?p=pz)

```

        if (!cmp.Equals(points[i], points[i - 1]))
            this.points.Add(new Point(points[i]));
        // Также проверим, что последняя точка не совпадает с первой
        if (this.points.Count > 1 && cmp.Equals(this.points[this.points.Count -
1], this.points[0]))
            this.points.RemoveAt(this.points.Count - 1);
    }
    // Проверим, что точек для многоугольника достаточно. Случай трех идущих
    подряд
    // точек на одной прямой не проверяем
    if (this.points.Count < 3)
        throw new Exception("Многоугольник должен состоять минимум из 3 точек");
}

// Количество точек многоугольника
public int Count
{
    get
    {
        return points.Count;
    }
}

// Доступ к точке многоугольника по индексу. Только для чтения
public PointR getPoint(int idx)
{
    return points[idx];
}
}

// Вспомогательный класс статических методов, реализующих алгоритмы пересечения
class Intersection
{
    // Условно бесконечно малое значение для учета погрешностей вычислений в double
    private static double eps = 1e-9;

    // Пересечение двух многоугольников
    public static List<PointR> IntersectPoly(Polygon poly1, Polygon poly2)
    {
        List<PointR> result = new List<PointR>();
        // В цикле попарно берем стороны многоугольников и ищем их точки пересечения
        for (int i = 0; i < poly1.Count; i++)
            // Для каждой стороны первого многоугольника берем все стороны второго
            for (int j = 0; j < poly2.Count; j++)
            {
                // Ищем пересечение отрезков сторон
                PointR p = IntersectSegments(
                    poly1.getPoint(i), poly1.getPoint((i + 1) % poly1.Count),
                    poly2.getPoint(j), poly2.getPoint((j + 1) % poly2.Count)
                );
                // Если пересечение есть, добавляем точку
                if (p != null)
                    result.Add(p);
            }
        return result;
    }
}

// Пересечение отрезков

```

©МатБюро – Консультации по математике, программированию, экономике, праву, естественным наукам

Поможем вам с написанием программ: [www.matburo.ru/sub\\_subject.php?p=pz](http://www.matburo.ru/sub_subject.php?p=pz)

```

public static PointR IntersectSegments(PointR p0_0, PointR p0_1, PointR p1_0,
PointR p1_1)
{
    // Определяем точку пересечения прямых, на которых лежат отрезки
    PointR p = IntersectLines(p0_0, p0_1, p1_0, p1_1);
    // Отрезки пересекаются, если точка пересечения прямых лежит внутри каждого
из отрезков,
    // т.е. для координаты x и отрезка с координатами x0, x1 выполняется одно из
условий:
    //  $x_0 \leq x \leq x_1$  или  $x_1 \leq x \leq x_0$ , что для сокращения можно переписать в
виде
    //  $(x - x_0) * (x - x_1) \leq 0$ , что и выполним для всех координат
    // Для учета погрешностей вычисления в double сравнения будем проводить с eps
    if (
        p != null &&
        (p.x - p0_0.x) * (p.x - p0_1.x) < eps && (p.y - p0_0.y) * (p.y - p0_1.y)
< eps &&
        (p.x - p1_0.x) * (p.x - p1_1.x) < eps && (p.y - p1_0.y) * (p.y - p1_1.y)
< eps
    )
        return p;
    else
        return null;
}

// Функция получения модифицированного канонического вида уравнения прямой по
координатам двух точек
// вместо  $a*x + b*y + c = 0$  получаем  $a*x + b*y = c$ , что далее используем в СЛАУ
private static void getLineEqCoeffs(PointR p0, PointR p1, out double a, out
double b, out double c)
{
    a = p0.y - p1.y;
    b = p1.x - p0.x;
    c = p1.x * p0.y - p0.x * p1.y;
}

// Пересечение прямых
public static PointR IntersectLines(PointR p0_0, PointR p0_1, PointR p1_0, PointR
p1_1)
{
    // Прямые пересекаются, если есть точка (x, y), одновременно удовлетворяющая
уравнению
    // каждой прямой
    // Получим уравнения прямых в виде  $a*x+b*y=c$ 
    double a00;
    double a01;
    double b0;
    getLineEqCoeffs(p0_0, p0_1, out a00, out a01, out b0);
    double a10;
    double a11;
    double b1;
    getLineEqCoeffs(p1_0, p1_1, out a10, out a11, out b1);
    // Решим СЛАУ
    //  $a_0*x + b_0 * y = c_0$ 
    //  $a_1*x + b_1 * y = c_1$ 
    // методом Крамера
    // Получим определитель левой части системы

```

©МатБюро – Консультации по математике, программированию, экономике, праву, естественным наукам

Поможем вам с написанием программ: [www.matburo.ru/sub\\_subject.php?p=pz](http://www.matburo.ru/sub_subject.php?p=pz)

```

double det = det2(a00, a01, a10, a11);
// Если определитель нулевой, прямые параллельные или совпадают, точки
пересечения нет.
// Вместо сравнения с нулем проводим сравнения с условно бесконечно малым eps
для
// учета погрешностей вычислений в double
if (Math.Abs(det) < eps)
    return null;
// Вычислим определители для x и y
double detX = det2(b0, a01, b1, a11);
double detY = det2(a00, b0, a10, b1);
// Выдадим ответ
return new Point(detX / det, detY / det);
}

// Вычисление определителя второго порядка
private static double det2(double a00, double a01, double a10, double a11)
{
    return a00 * a11 - a01 * a10;
}

// Класс чтения точек из файла, в котором координаты точек размещены построчно
// через пробел
class PointsReadWrite
{
    // Статические метод чтения точек из файла
    public static List<Point> readFromFile(string fileName) {
        // Создаем список точек
        List<Point> points = new List<Point>();
        // Открываем текстовый файл
        using (TextReader reader = File.OpenText(fileName))
        {
            string line;
            // Считываем строки файла
            while ((line = reader.ReadLine()) != null)
            {
                // Проверяем, что строка не пуста
                if (!line.Equals(""))
                    continue;
                // Разделяем строки на части
                string[] parts = line.Split(' ');
                // Частей должно быть 2
                if (parts.Length != 2)
                    throw new Exception("Строка файла должна содержать ровно два
вещественных значения через пробел");
                // Каждую из частей преобразовываем в число с плавающей точкой
                points.Add(new Point(Convert.ToDouble(parts[0]),
Convert.ToDouble(parts[1])));
            }
        }
        return points;
    }

    public static void saveToFile(IEnumerable<PointR> points, string fileName)
    {
        // Создаем текстовый файл
        using (TextWriter writer = File.CreateText(fileName))

```

© МатБюро – Консультации по математике, программированию, экономике, праву, естественным наукам

Поможем вам с написанием программ: [www.matburo.ru/sub\\_subject.php?p=pz](http://www.matburo.ru/sub_subject.php?p=pz)

```

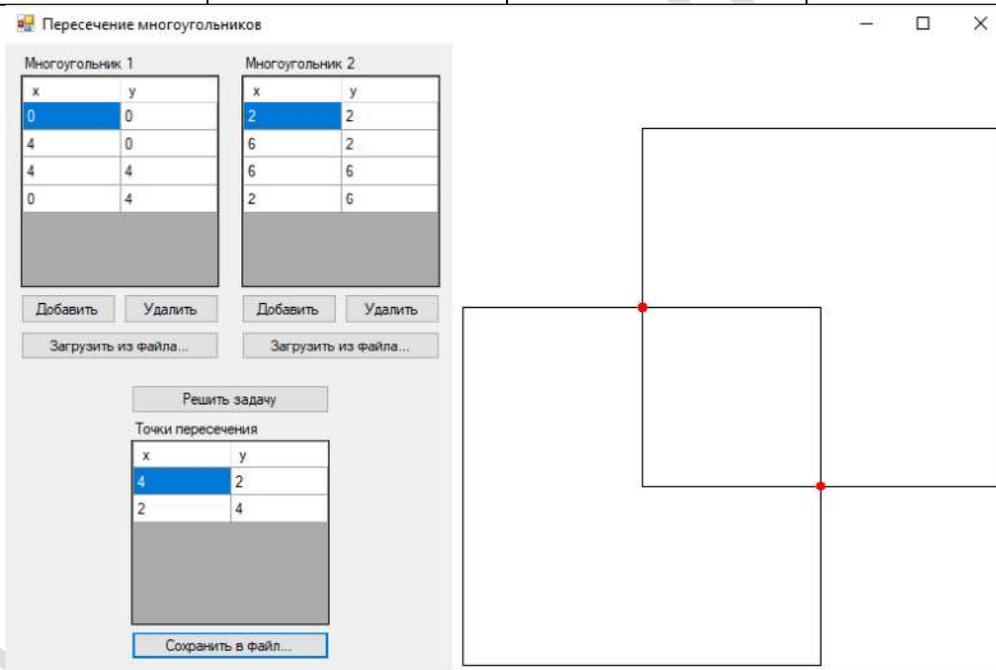
    {
        // Записываем координаты точек через пробел построчно
        foreach (PointR p in points)
            writer.WriteLine(Convert.ToString(p.x) + " " +
                Convert.ToString(p.y));
    }
}
}
}

```

## Тестовые примеры

### Пример 1

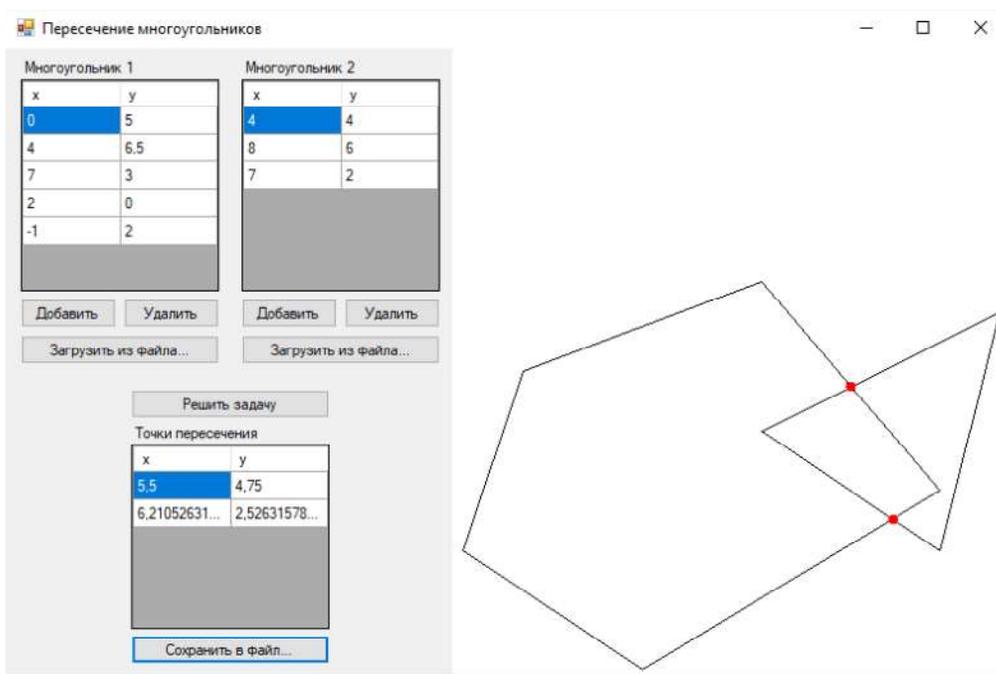
	Многоугольник 1	Многоугольник 2	Пересечение
Имя файла	p1_0.txt	p1_1.txt	r1.txt
Содержимое файла / координаты точек	0 0 4 0 4 4 0 4	2 2 6 2 6 6 2 6	4 2 2 4



### Пример 2

	Многоугольник 1	Многоугольник 2	Пересечение
Имя файла	p2_0.txt	p2_1.txt	r2.txt
Содержимое файла / координаты точек	0 5 4 6,5 7 3 2 0 -1 2	4 4 8 6 7 2	5,5 4,75 6,21052631578947 2,52631578947368

Поможем вам с написанием программ: [www.matburo.ru/sub\\_subject.php?p=pz](http://www.matburo.ru/sub_subject.php?p=pz)



### Пример 3

	Многоугольник 1	Многоугольник 2	Пересечение
Имя файла	p3_0.txt	p3_1.txt	r3.txt
Содержимое файла / координаты точек	-4 0 0 8 4 0	-3 0,5 0 5 3 0,5	

